

**Выпускной экзамен по математике. Базовые классы, РСФСР, 1991 год, работа 6, вариант 2**

Для получения оценки «5» необходимо верно и полностью решить 5 заданий.

Продолжительность экзамена 5 астрономических часов.

1. Решите уравнение  $\sqrt{x+1} + x + 1 = 6$ .

2. Найдите все значения  $x$ , при которых функция  $y = \log_3(x^2 - 2x) - 1$  принимает отрицательные значения.

3. Решите систему уравнений  $\begin{cases} 9^{xy} \cdot 3^{x^2+y^2} = 3, \\ \sqrt{(25)^{2x+y}} = \frac{5^x}{5^y}. \end{cases}$

4. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции  $y = 2 \sin 3x + \cos 6x$  на отрезке  $\left[0; \frac{\pi}{6}\right]$ .

5. Вычислите площадь фигуры, ограниченной графиком функции  $y = \frac{1}{2}x^2 + 2,5$  и двумя касательными к этому графику, проходящими через точку на оси  $OY$  и образующими между собой угол  $90^\circ$ .

6. Сколько корней имеет уравнение  $x^2 e^{-x} = a$  при  $a > \frac{4^2}{e}$ .