

Выпускной экзамен по математике. Математические классы, РСФСР, 1991 год, работа 5, вариант 1

Для получения оценки «5» необходимо верно и полностью решить 5 заданий.
Продолжительность экзамена 5 астрономических часов.

1. Решите уравнение $3 \cos x - 4 \sin x = 5$.
2. Решите неравенство $\log_{\frac{1}{3}}(x^3 - x^2 - 5x) \leq -1$.
3. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями $|x|y| = 1$, $y = e$, $y = -e$, $x = 0$ и $x = 1$.
4. Найдите все действительные значения параметра a , при которых график функции $y = a + 9x - \left(\frac{x^3}{3}\right)$ касается оси абсцисс.
5. Изобразите множество точек z комплексной плоскости, удовлетворяющих условию $\operatorname{Im} \frac{2}{z-1} \geq 1$.
6. Исследуйте функцию f и постройте ее график при условии, что $f'(x) = \begin{cases} 3x^2 - 4x + 1, & \text{если } x < 1, \\ 1 - \left(\frac{1}{x}\right), & \text{если } x \geq 1, \end{cases}$ и $f(0) = 4$.