

Выпускной экзамен по математике. Математические классы, РФ, 1995 год, работа 2, вариант 2

Для получения оценки «5» необходимо верно и полностью решить 5 заданий.
Продолжительность экзамена 5 астрономических часов.

1. Найдите пару комплексных чисел $(z; w)$, для которых одновременно выполняются соотношения $3\bar{z} - 2\bar{w} = 1$ и $\bar{z} - iw = -6i$.

2. Решите систему уравнений
$$\begin{cases} \log_{\frac{x}{3}+3}(x^2y^6) + 1 = \log_4y^2, \\ \log_4\frac{x}{y} = \frac{1}{4}\log_2y^2 = \frac{1}{2}. \end{cases}$$

3. Найдите площадь фигуры, ограниченной линиями $y = \cos 2x - 6$, $y = \sin x + \sin 2x$, $x = 0$ и $x = -\frac{\pi}{2}$.

4. Исследуйте функцию $g(x) = 9x - 12\ln x - 2x\sqrt{x}$ на монотонность.

5. Решите неравенство $1 + tg\frac{2\pi x}{x^2+4} \geq \cos\frac{4\pi x}{x^2+4}$.

6. При каких значениях параметра a наибольшее значение функции $f(x) = x^3 + 5ax^2 + 2a$ на отрезке $[-2\sqrt{3}; 2]$ достигается в двух различных точках?